

# JORNADA STIC

CAPÍTULO COLOMBIA

## Criptografía post-cuántica basada en teoría de códigos



En colaboración con:





## ***Valérie Gauthier Umaña***

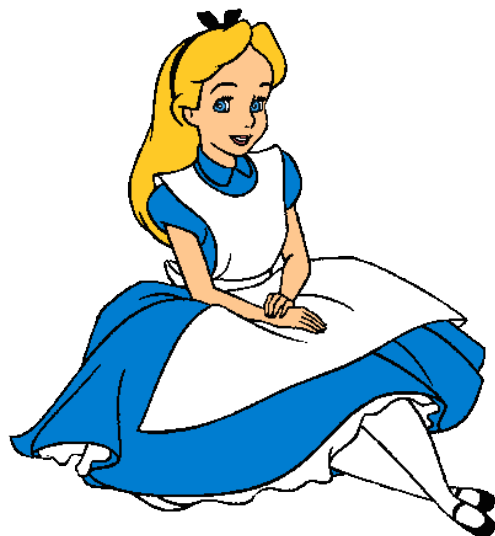
***Escuela de Ingeniería, Ciencia y Tecnología  
Universidad del Rosario***

***Valeriee.Gauthier@urosario.edu.co***

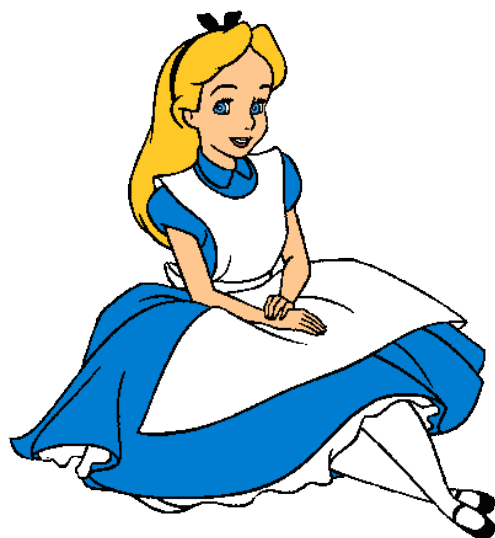
 ***@VGauthierU***

---

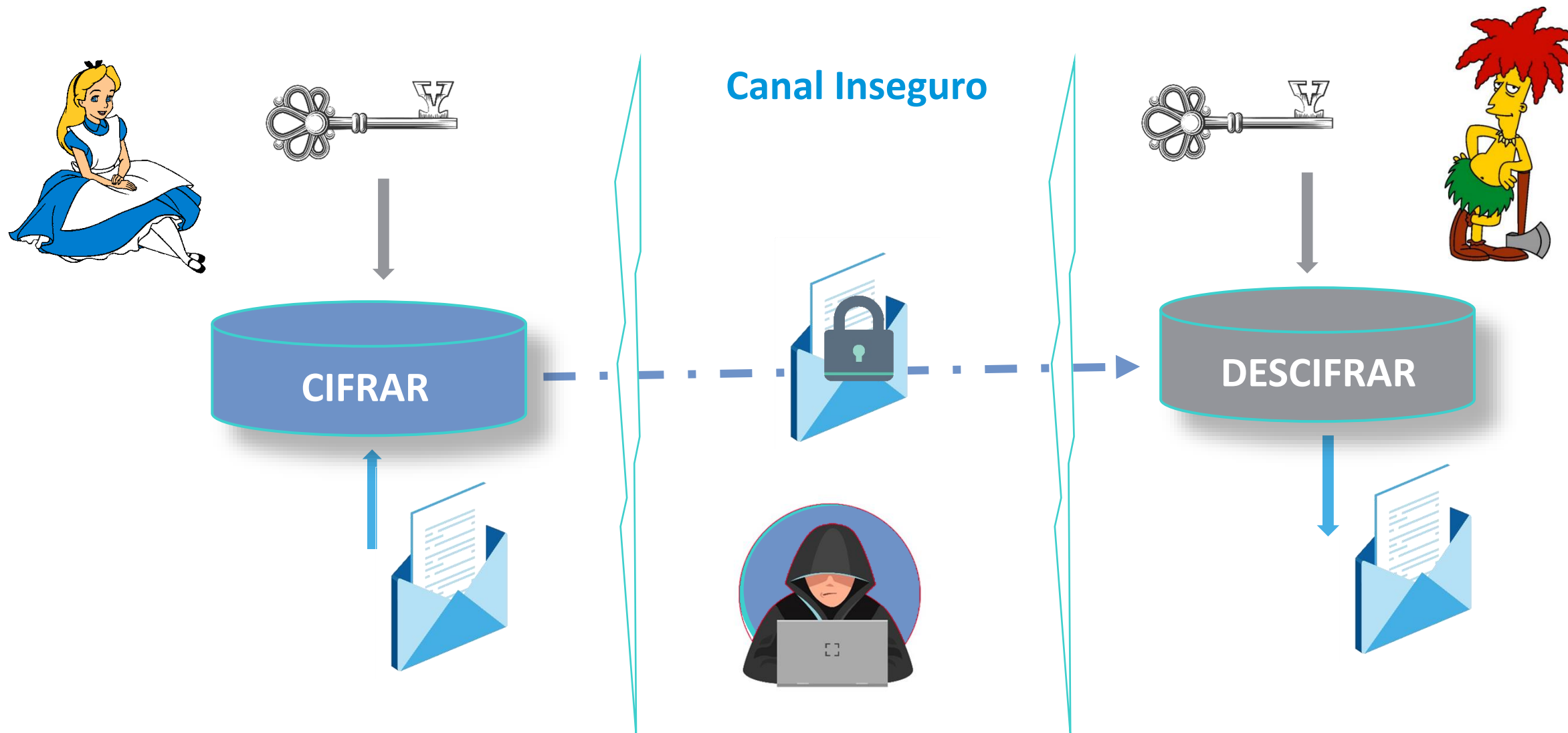
# Criptografía



# Criptografía



# Criptografía a clave secreta



# Cifrado de César



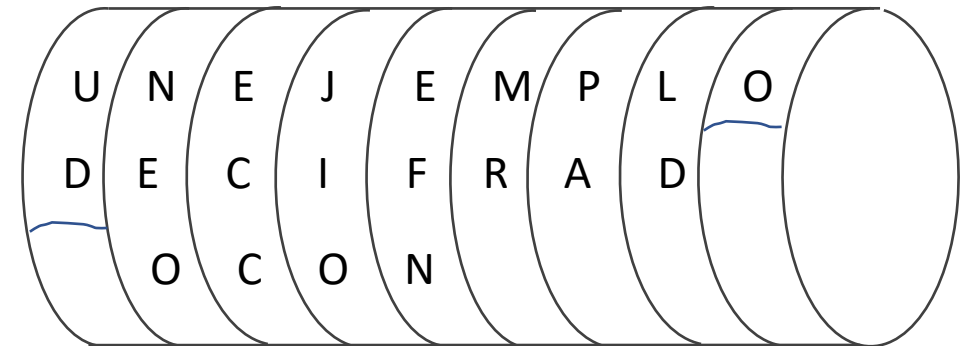
LAS MATEMATICAS SON LA MUSICA DE LA RAZON



ODVPDWHPDWLFDVVRQODPXVLFDDGHODUDCRQ

# Escitala

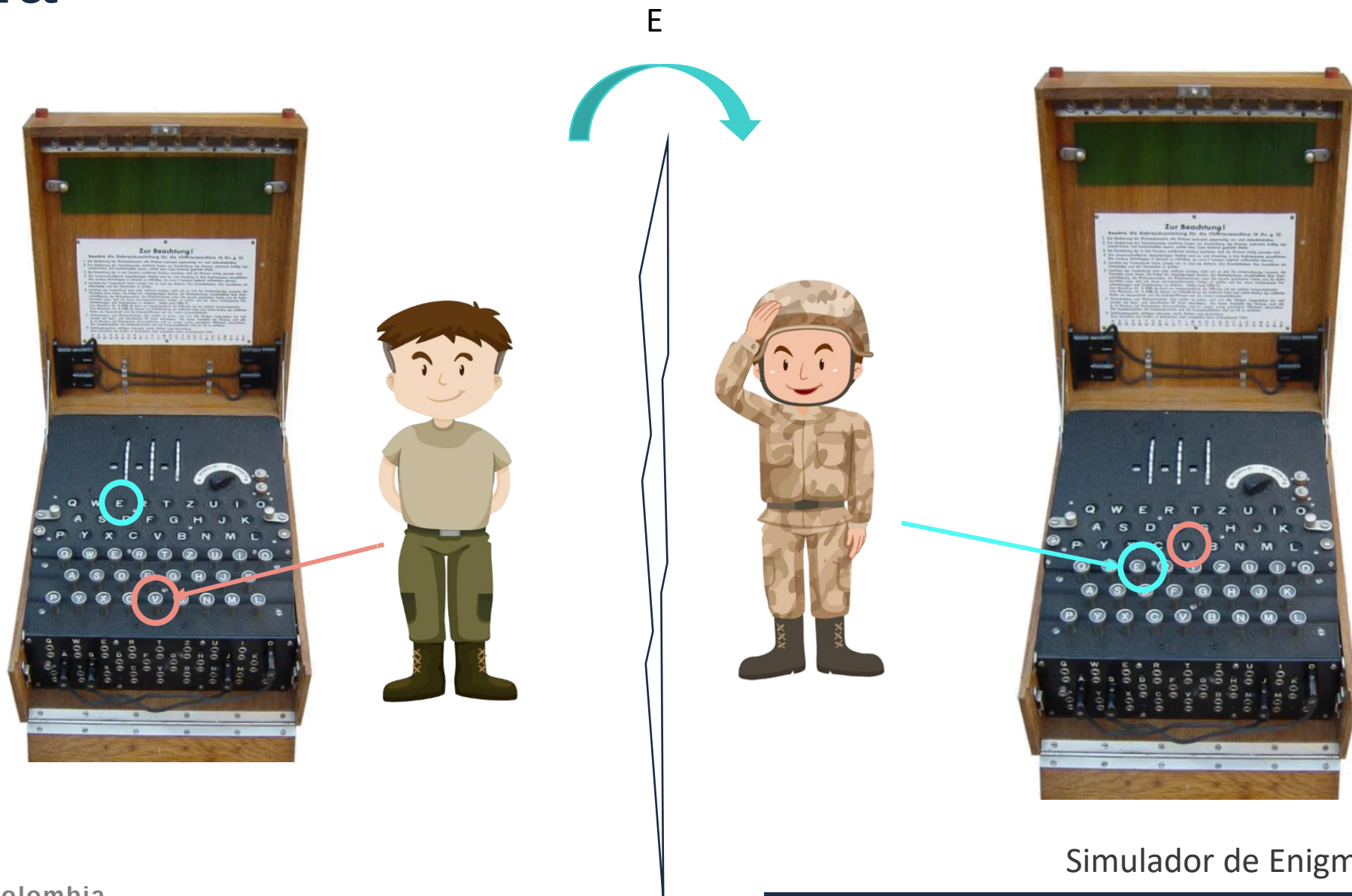
Alterar el orden de los elementos de un mensaje:



**M= UN EJEMPLO DE CIFRADO CON**

**C= UD NEO JIO EFN MR PA LD O**

# Enigma



# Código ASCII

Código ASCII (American Standard Code for Information Interchange) 1963 ... 1986

01000001



A

01010011



S

01000011



C

01001001



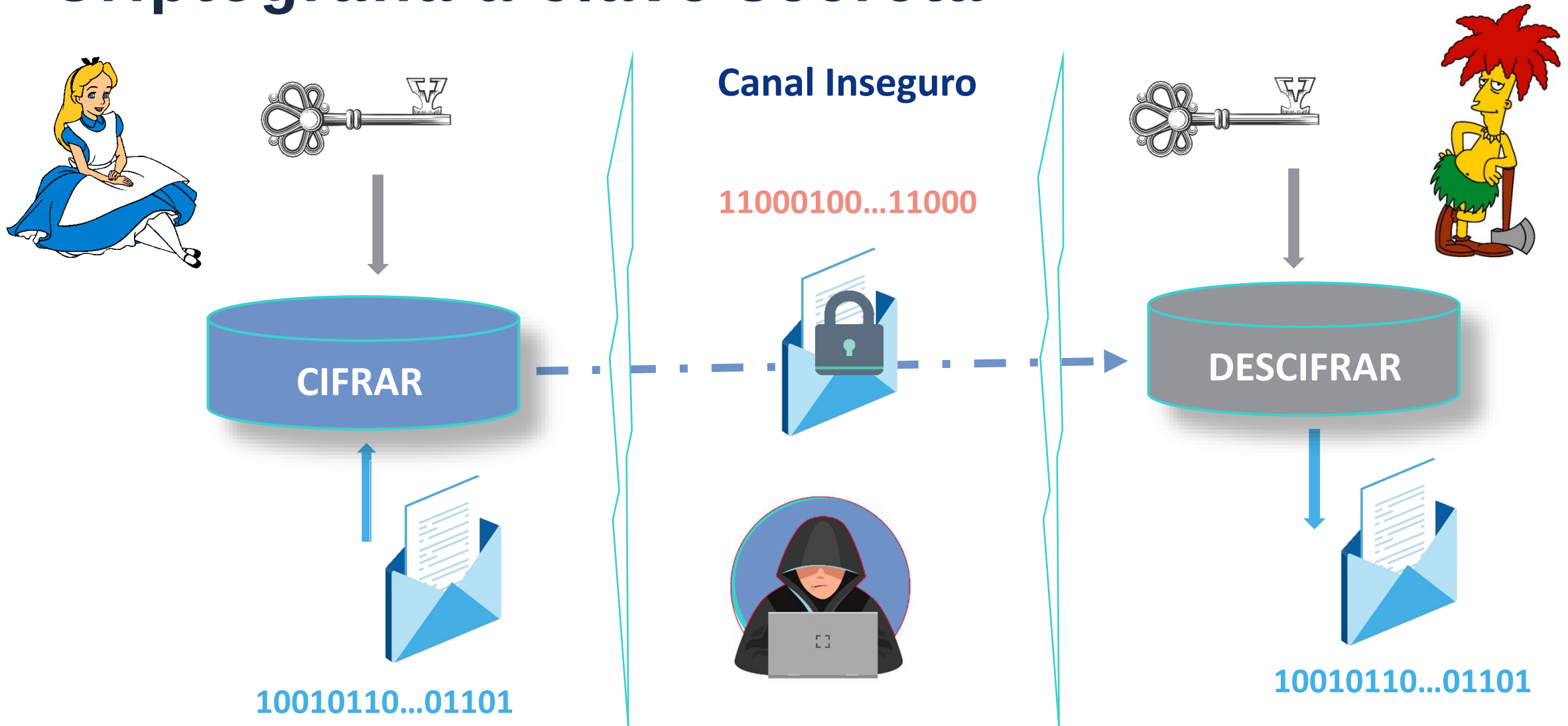
I

01001001

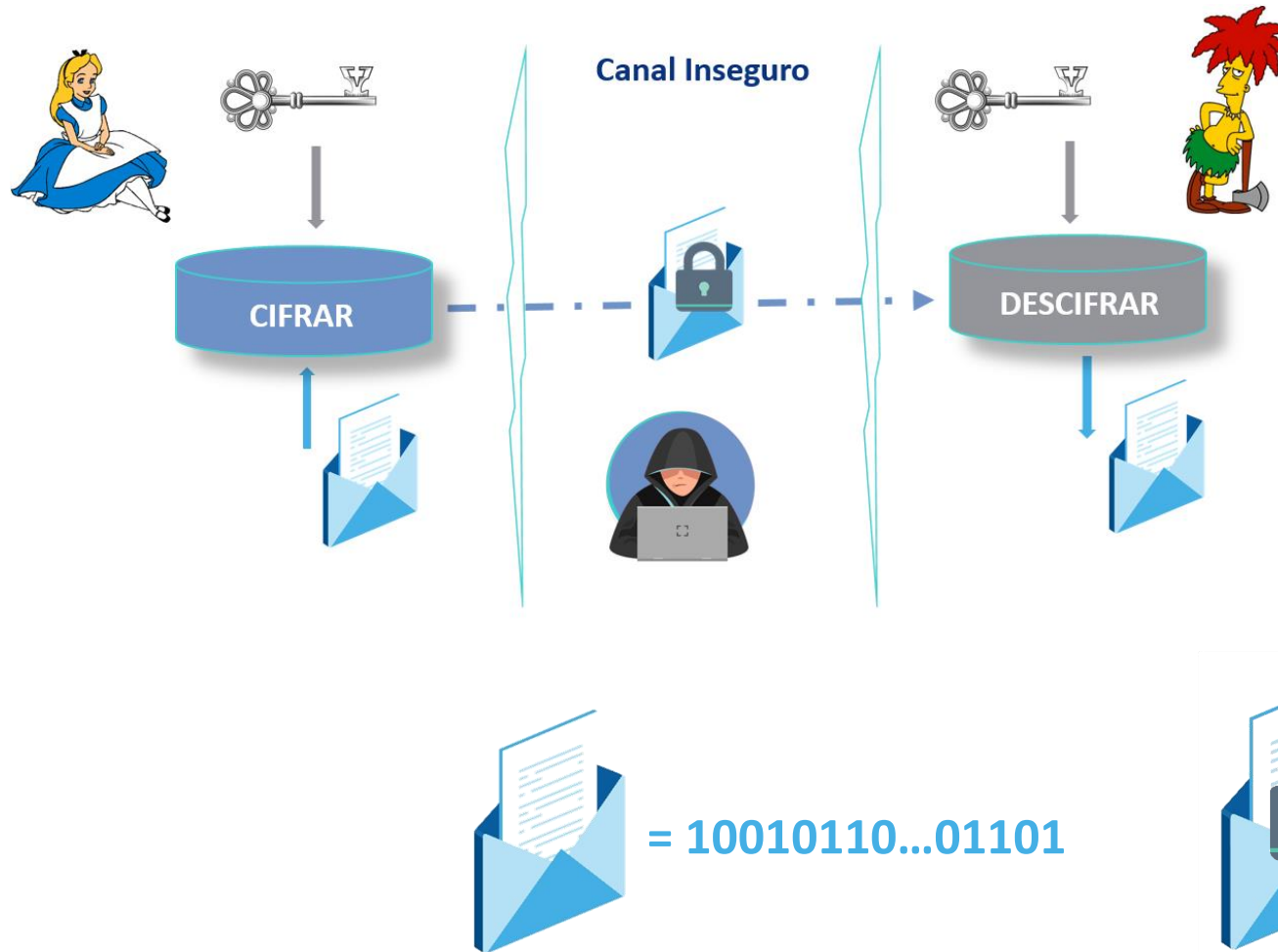


I

# Criptografía a clave secreta



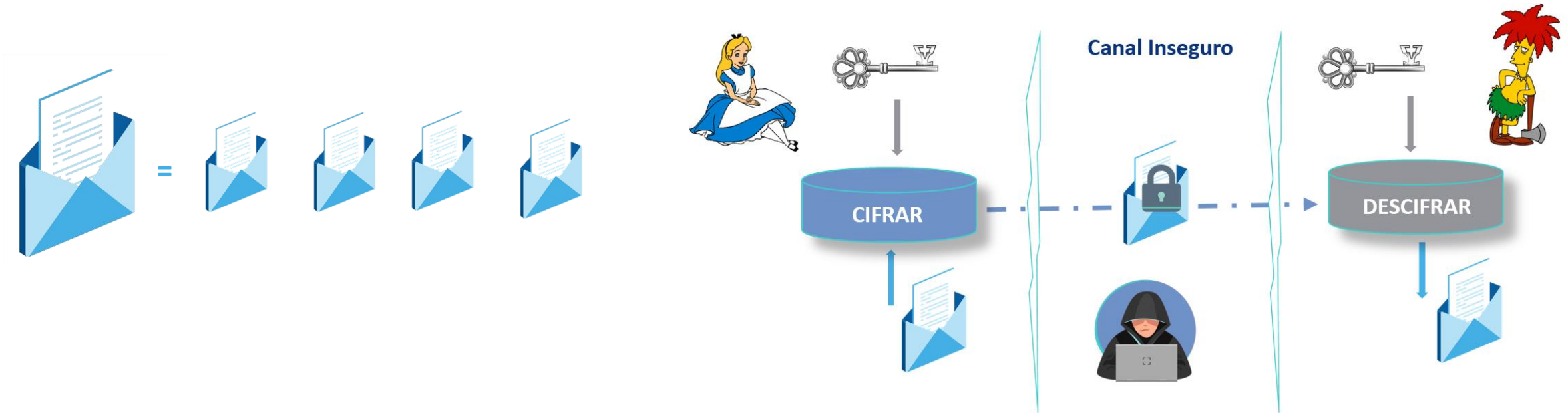
# Stream Cipher



A partir de la clave K, se genera una cadena de bits que se suma bit a bit al mensaje para crear el texto cifrado.

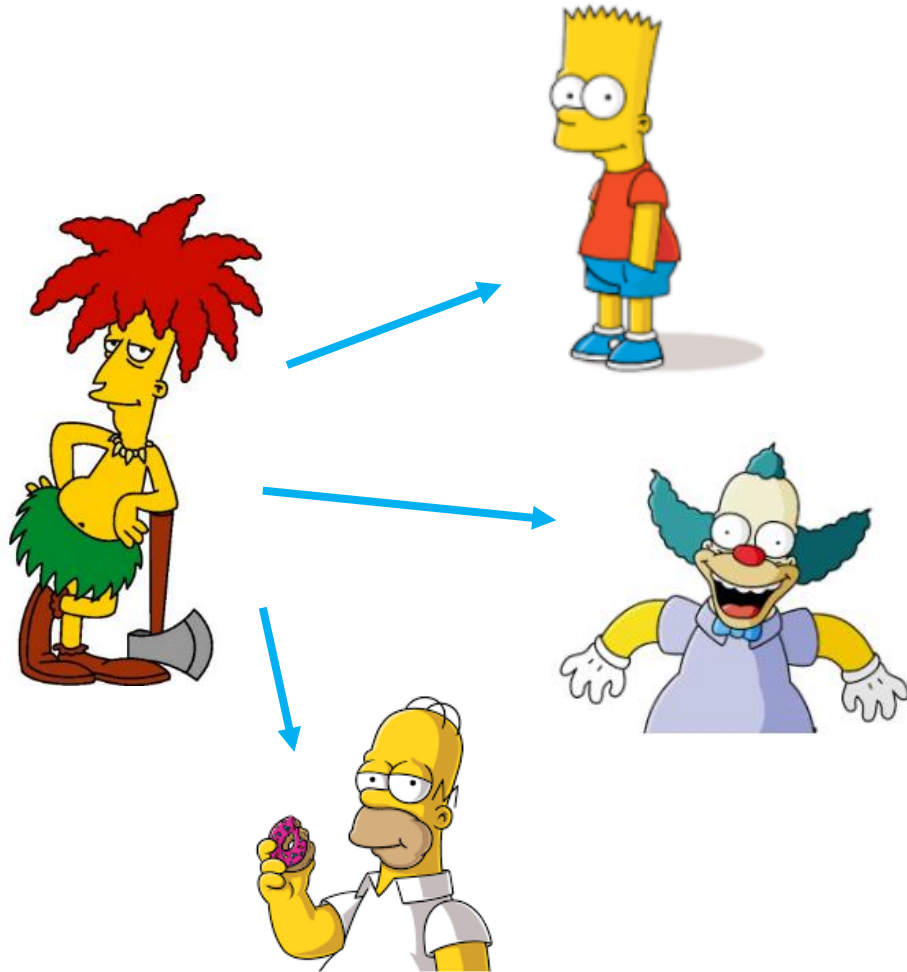
# Cifrado de bloques

Partir el mensaje en bloque. Típicamente de 16 bytes, depende del criptosistema.

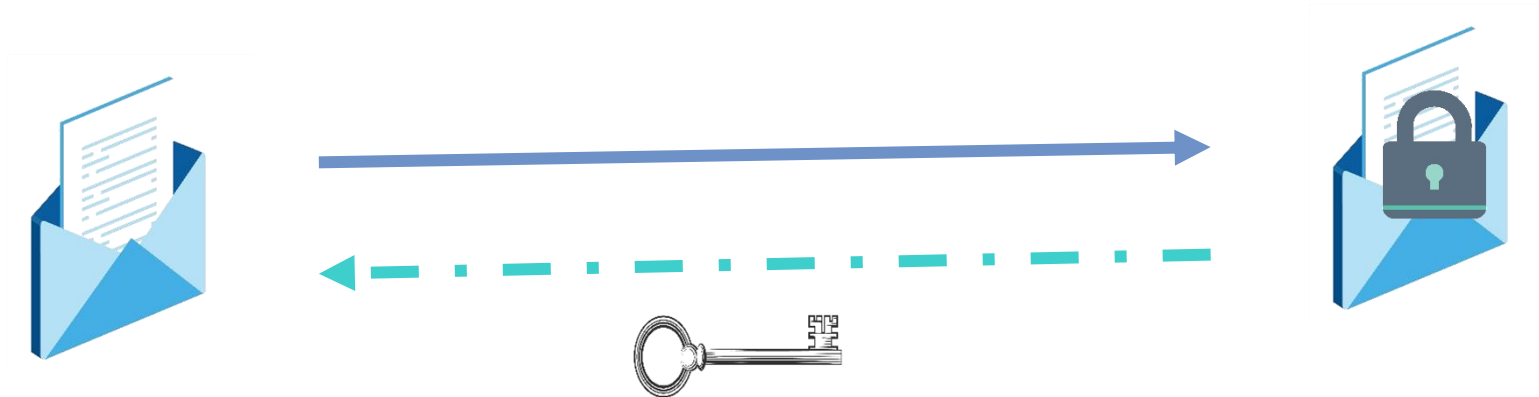


Repetir el mismo cifrado para cada bloque del mensaje usando la misma clave  $k$ .

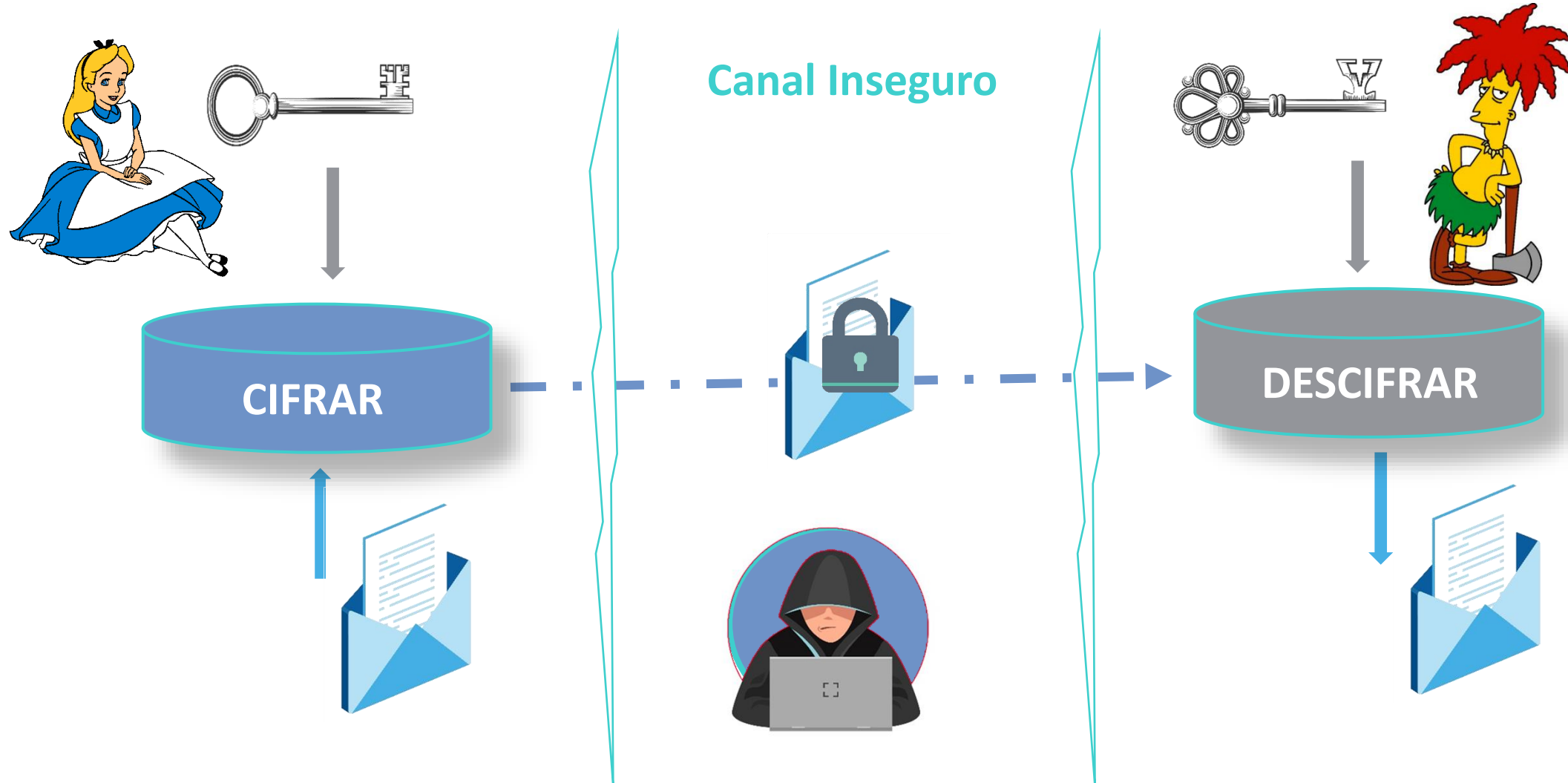
# Criptografía simétrica



# Función de un solo sentido



# Criptografía a clave pública



# Criptografía a clave pública

40 años después, los criptosistemas que usamos a Clave pública están basados en los dos problemas siguientes:

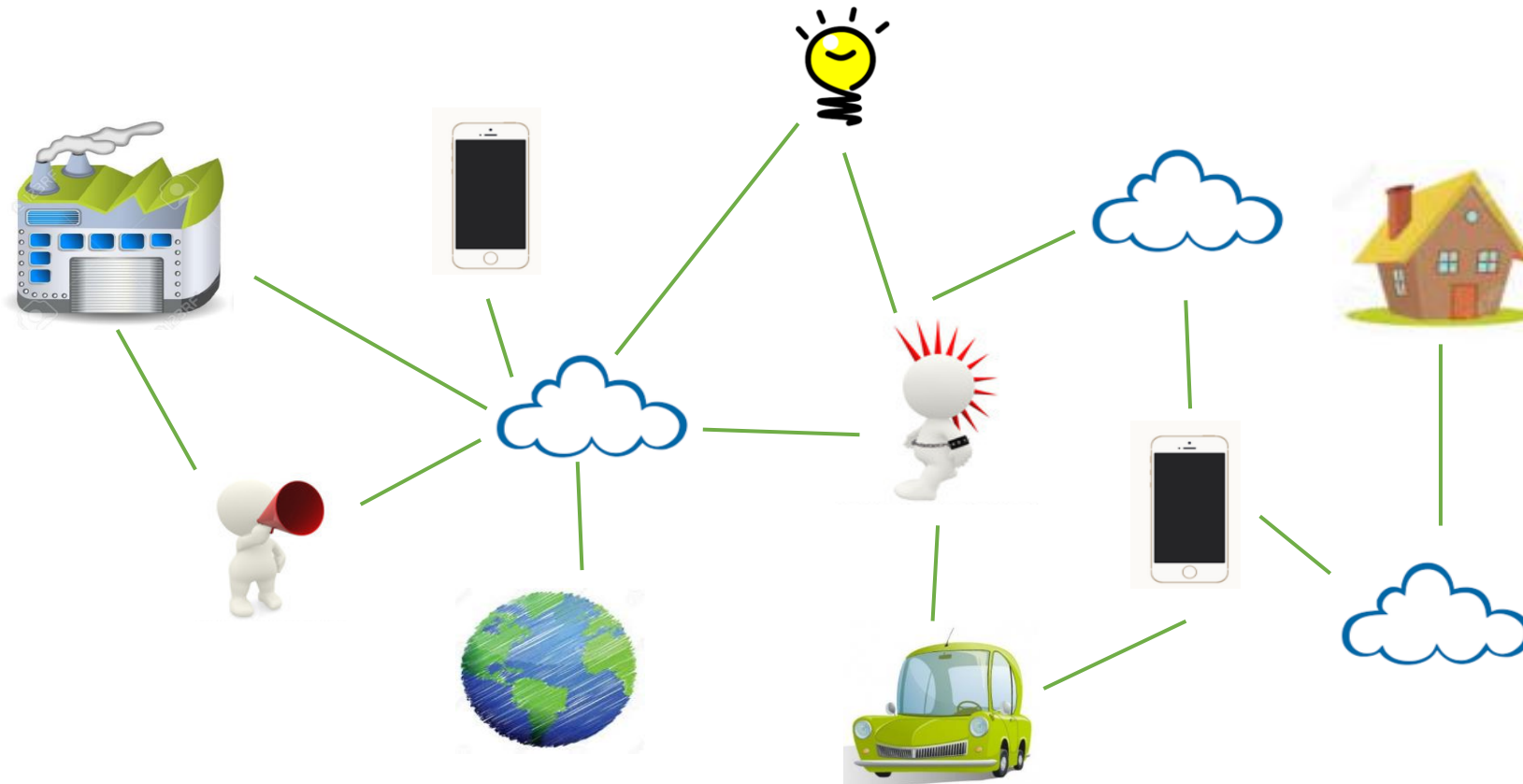
- ✓ El problema de la factorización de enteros.
- ✓ Problema del Logaritmo Discreto.



Rivest, Shamir y Adleman

Foto tomada de: <https://indiatechlaw.com/security/understanding-asymmetric-cryptography-public-key-private-key-rsa-algorithm/attachment/rivest-shamir-adleman/>

# Primitivas Criptográficas



Autenticaciones

Voto Electrónico

Firmas Electrónicas

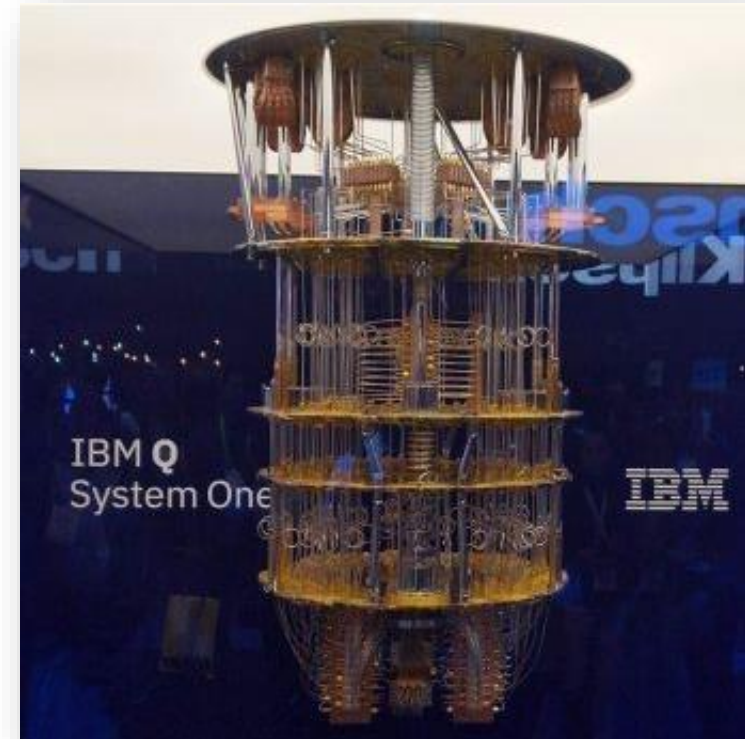
Llaves compartida / Mapa del tesoro

# Algoritmo de Shor

1994, El algoritmo de Peter Shor los resuelve usando un Computador Cuántico



- ✓ 2001: IBM Factoriza 15 (7-qbits)
- ✓ 2012: 21 y 143
- ✓ 2014 : Se descubre que en el 2012 se factorizó: 56 153



# ¿Qué hacemos?



NSA announced preliminary plans for transitioning to quantum resistant algorithms.

NIST published a draft of the report on post-quantum cryptography NISTIR 8105.

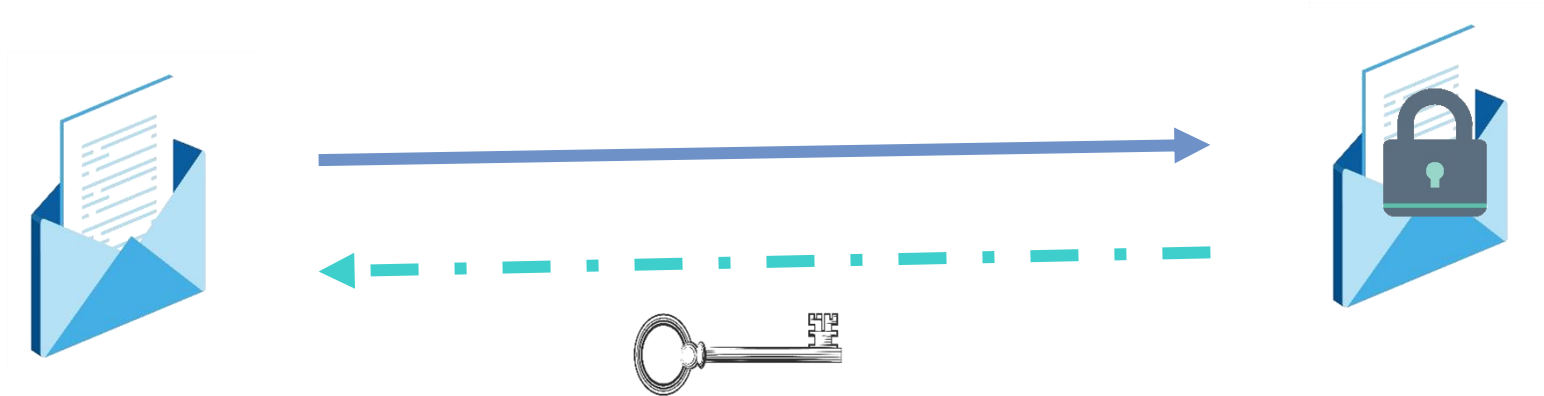
The slides of NIST announcement "Post-Quantum Cryptography: NIST's Plan for the Future" by Dustin Moody at PQCrypto 2016.

## The sky is falling?

- ▶ When will a quantum computer be built?
  - 15 years, \$1 billion USD, nuclear power plant (PQCrypto 2014, Matteo Mariani)
- ▶ Impact:
  - Public key crypto:
    - ~~RSA~~
    - ~~Elliptic Curve Cryptography (ECDSA)~~
    - ~~Finite Field Cryptography (DSA)~~
    - ~~Diffie-Hellman key exchange~~
  - Symmetric key crypto:
    - AES Need larger keys
    - Triple DES Need larger keys
  - Hash functions:
    - SHA-1, SHA-2 and SHA-3 Use longer output

Dustin Moody  
Post Quantum Cryptography Team  
National Institute of Standards and Technology (NIST)

# Criptografía Post- Cuántica



**Teoría de Códigos**

**Álgebra Multivariada**

**Retículos**

***Isogeny***

<https://csrc.nist.gov/projects/post-quantum-cryptography>

---

# Finalistas - tercera ronda

## Finalistas:

### Public-Key Encryption/KEMs

Classic McEliece  
CRYSTALS-KYBER  
NTRU  
SABER

### Digital Signatures

CRYSTALS-DILITHIUM  
FALCON  
Rainbow

## Candidatos Alternos:

### Public-Key Encryption/KEMs

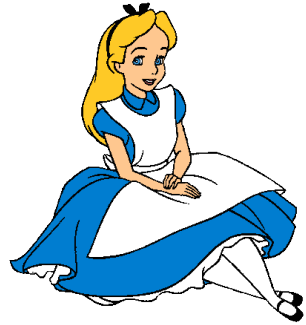
BIKE;  
FrodoKEM  
HQC  
NTRU Prime  
SIKE

### Digital Signatures

GeMSS  
Picnic  
SPHINCS+

<https://csrc.nist.gov/news/2020/pqc-third-round-candidate-announcement>

# Teoría de códigos



$m = 10010110 \dots 01101$



Canal con ruido



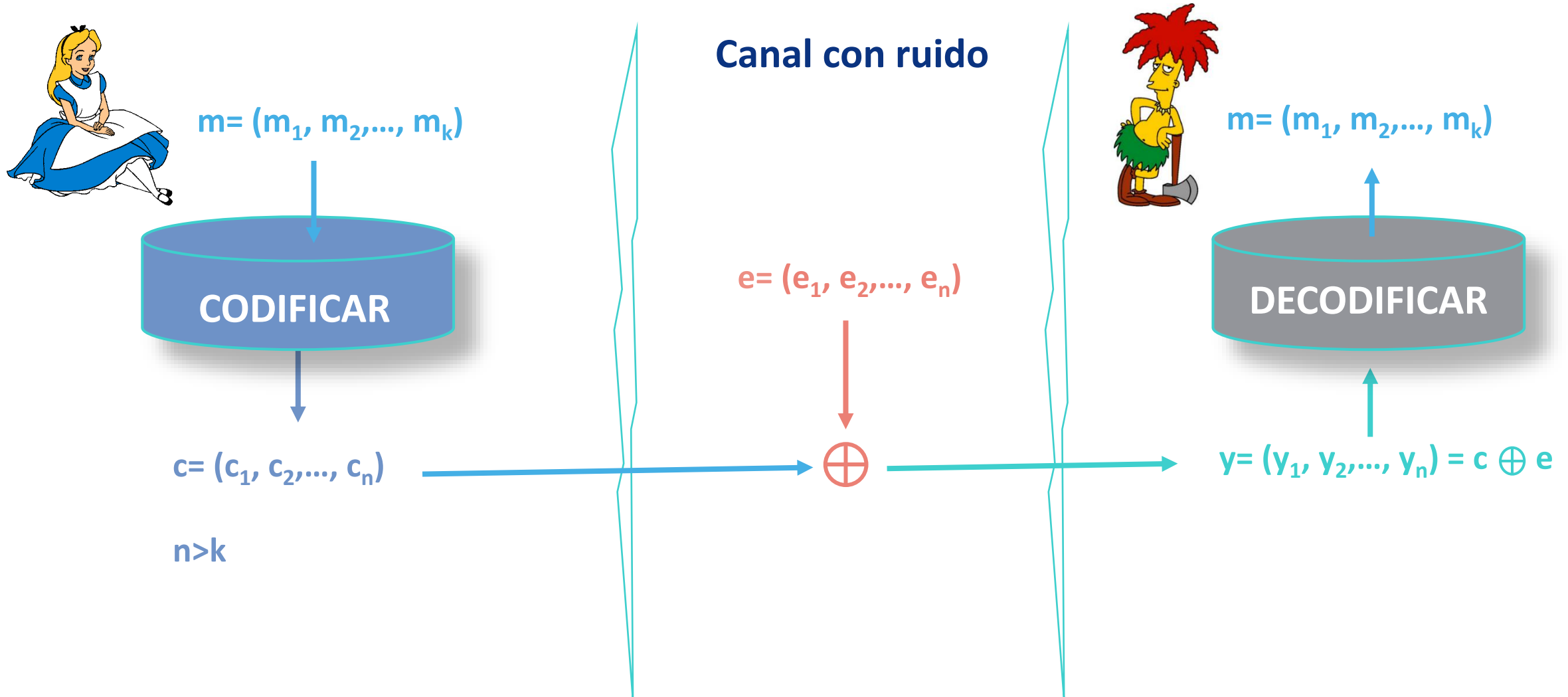
$e = 01000100 \dots 01001$



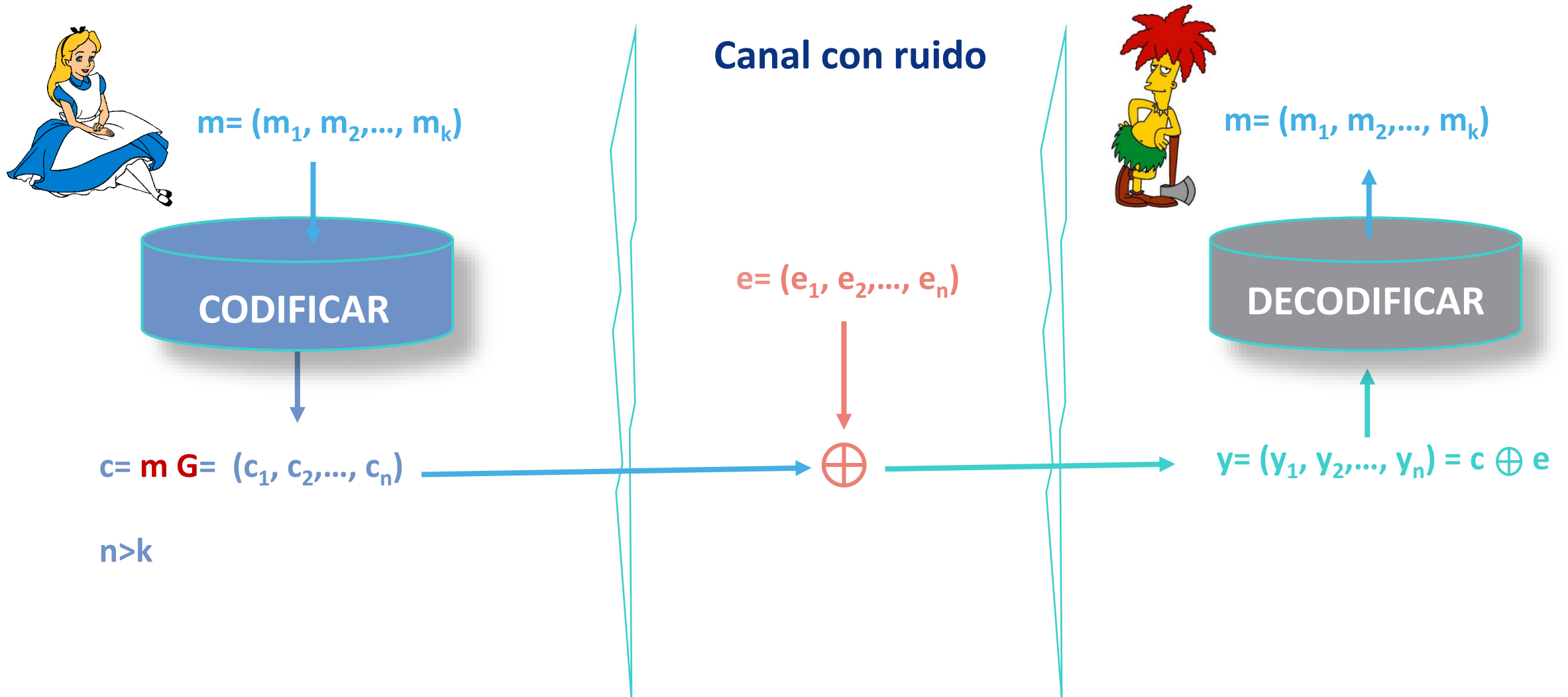
$y = 11010010 \dots 00100$



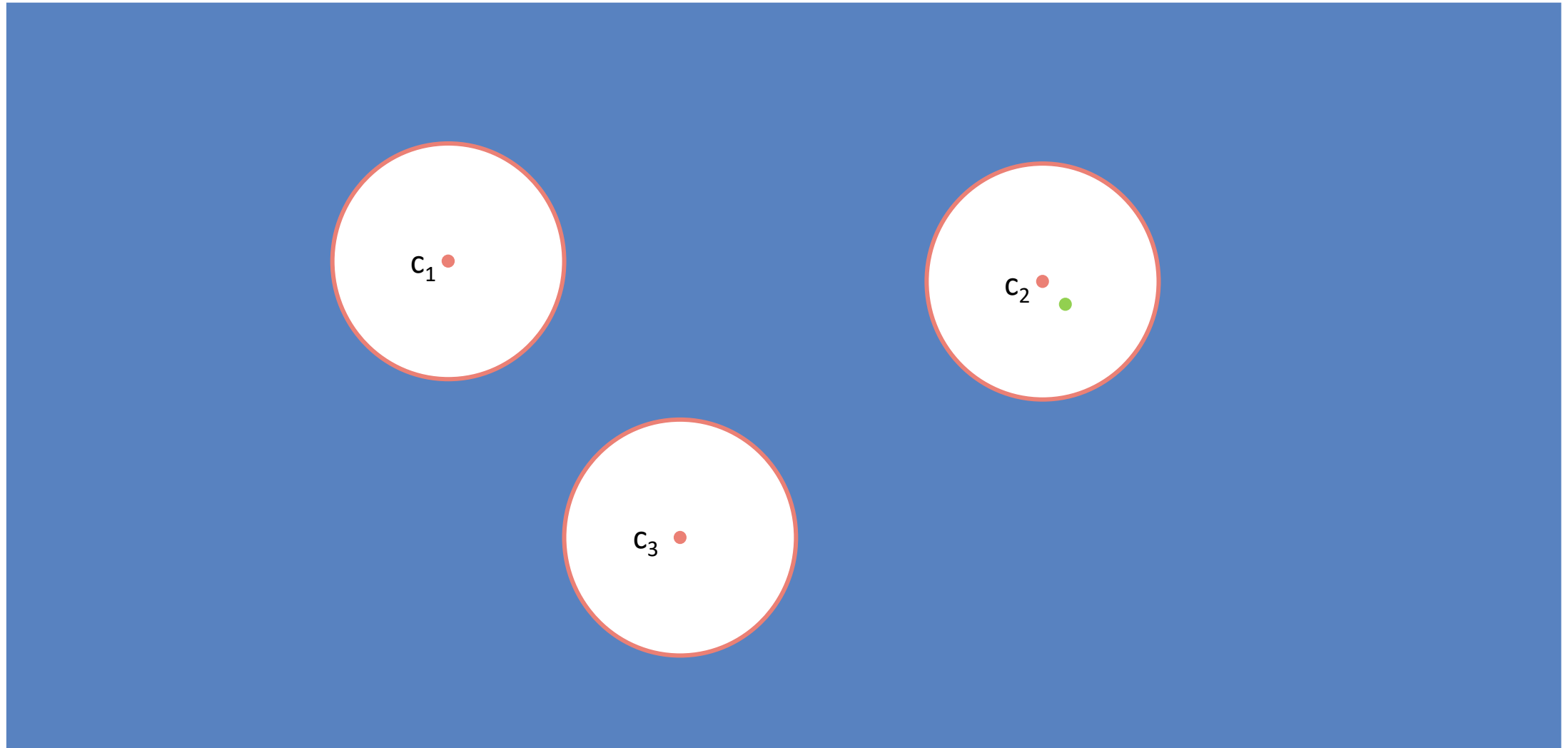
# Teoría de códigos



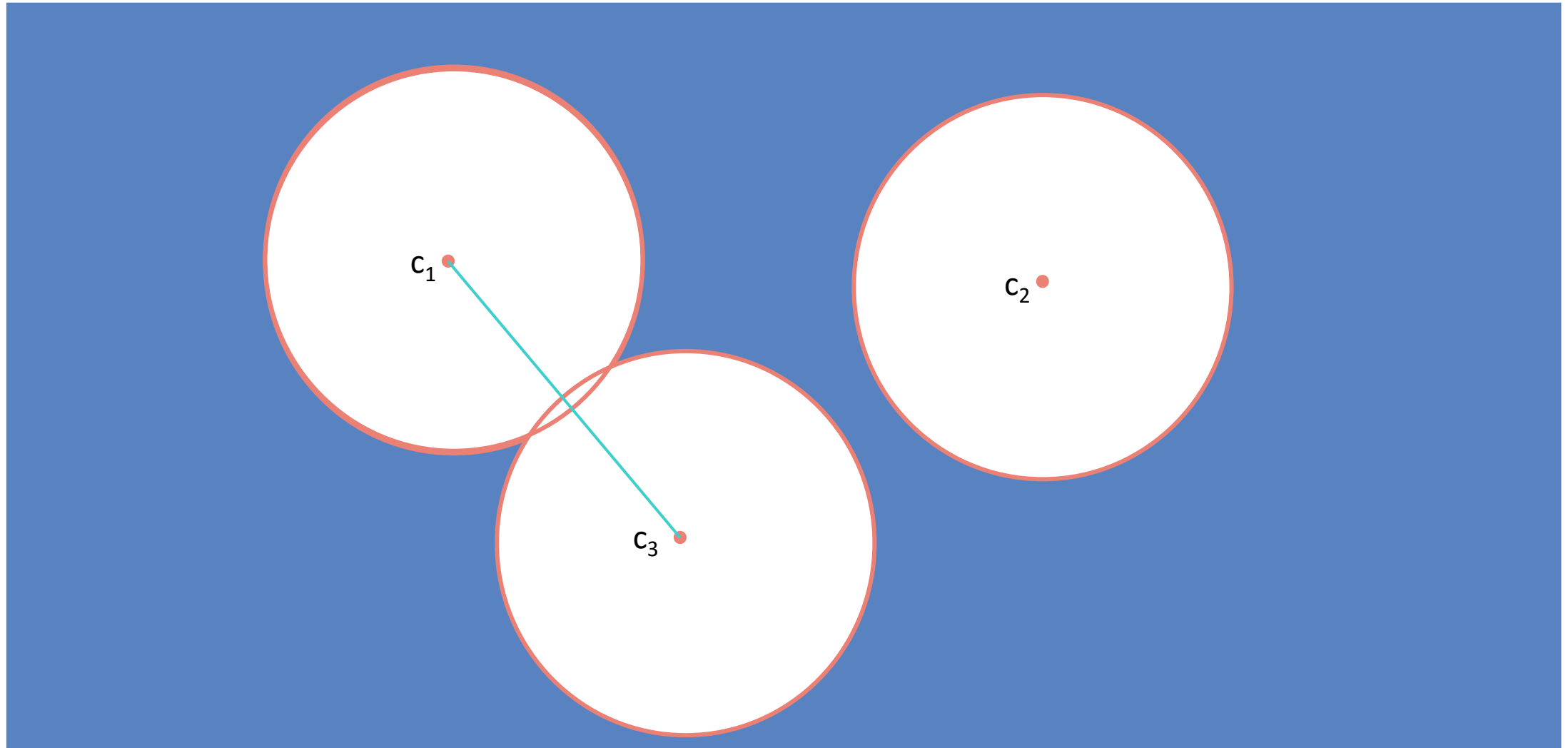
# Códigos lineales



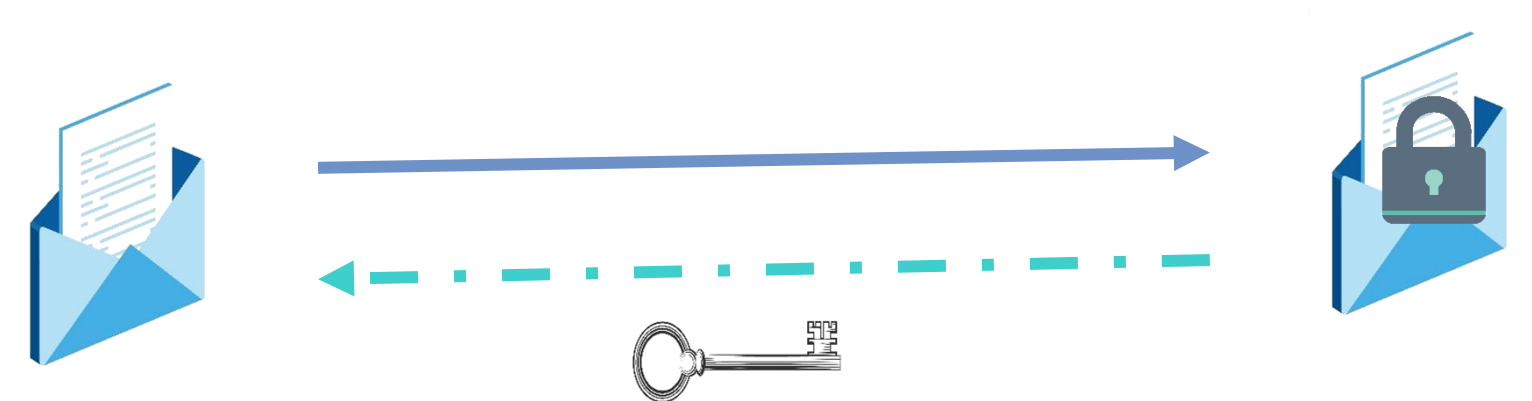
# Códigos lineales



# Códigos lineales



# Crypto basada en códigos



# Crypto basada en códigos

Idea:

- Elegir un código de Goppa con matriz generadora  $G_0$  y un algoritmo de decodificación  $A$  que corrija hasta  $t$  errores.
- Sea  $P$  una matriz de permutación y  $S$  una matriz invertible.
- Sea  $G = S G_0 P$



# Criptosistema de McEliece

$$G = S G_0 P$$

Clave pública  
de Bob ( $G, t$ )

CIFRAR

$$Z = mG \oplus e$$

$$e = (e_1, e_2, \dots, e_n)$$

$e$  de peso  $\leq t$

Canal con ruido

Clave secreta  
de Bob  
( $S, G_0, P, \mathcal{A}$ )

DESCIFRAR

$$\mathcal{A}(z P^{-1}) \times S^{-1}$$

$$\begin{aligned} \mathcal{A}(z P^{-1}) &= \mathcal{A}(m S G_0 P P^{-1} \oplus e P^{-1}) \\ &= \mathcal{A}(m S G_0 \oplus e') \\ &= m S \end{aligned}$$

# JORNADA STIC

CAPÍTULO COLOMBIA

# GRACIAS

@VGauthierU *Valeriee.Gauthier@urosario.edu.co*



En colaboración con:

